

## 『講座数学の考え方 12. 環と体』正誤表

2023.7.6 朝倉書店編集部

●p.8 下から 6 行目

どんなイデアルに対しても  $\rightarrow$  どんなイデアル  $I$  に対しても

●p.11 上から 6 行目

$IJ = \{a_i b_j \mid 1 \leq i \leq r, 1 \leq j \leq s\}$  である  $\rightarrow$   $IJ$  は  $\{a_i b_j \mid 1 \leq i \leq r, 1 \leq j \leq s\}$  で生成されるイデアルである

●p.11 下から 8 行目

問題 1.2 例 1.6 の  $\rightarrow$  問題 1.2 例 1.17(5) の

●p.15 上から 7 行目

$N(a - qz) \rightarrow N(a - bz)$

●p.18 上から 8 行目

$a = up_1 p_2 \cdots \rightarrow (*) a = up_1 p_2 \cdots$

●p.18 下から 9 行目

両辺を  $p_1$  で割れば  $\rightarrow$  (\*) の両辺を  $p_1$  で割れば

●p.19 上から 2 行目に挿入

(3) 3 つ以上の元の GCD, LCM は  $d = \text{GCD } (a, b, c) \Leftrightarrow d \mid a, b, c$ かつ  $d \nmid a, b, c$ なる  $d$ に対し  $d \mid d$  というように定義する。

●p.19 上から 7 行目

$\text{LCM}(a, b) = p_1^{\max(m_1, n_1)} \cdots p_r^{\min(m_r, n_r)} \rightarrow \text{LCM}(a, b) = p_1^{\max(m_1, n_1)} \cdots p_r^{\max(m_r, n_r)}$

●p.19 上から 9 行目

命題 1.39 整域  $A$  において GCD の存在を  $\rightarrow$  命題 1.39 整域  $A$  において任意の 2 元の GCD の存在を

●p.19 下から 3 行目

命題 1.41  $A$  が UFD,  $f, g \in A[X]$  のとき  $\rightarrow$  命題 1.41  $A$  が UFD,  $K$  を  $A$  の商体とする,  $f, g \in A[X]$  のとき

●p.20 上から 7 行目 差しかえ

次に  $c(ah)$  で割ると考えると, もし  $h \in A[X]$  なら, ある  $x \in K, x^{-1} \in A$  に対して  $xh \in A[X], c(xh) = 1$ .

このとき  $c(xfh) = 1$  だから  $fh = x^{-1}(xfh) \in A[X]$ .

$\rightarrow c(ah) = b$  とおく. (1) より  $c(a(fh)) = ac(fh) = c(f(ah)) = c(f)c(ah) = b$  だから  $a \mid b$ . したがって  $h \in A[X]$ .

●p.21 上から 7 行目

$(x^6 + x^5 + x^3 + x + 1, x^5 + x^4 + 1) \rightarrow (x^6 + x^5 + x^3 + x + 1, x^5 + x^4 + 1)$

●p.25 上から 11 行目

$\pi^{-1}(L) := \{x \in A \mid \pi(x) \in L\} \rightarrow \pi^{-1}(L) := \{x \in A \mid \pi(x) \in L\}$  ふつうのエル

●p.26 2行目

$$A = \mathbb{Z}[X]/(X^2 + 1) \rightarrow A \cong \mathbb{Z}[X]/(X^2 + 1)$$

●p.27 上から 14行目

$X$ が  $C^\infty$  多様体,  $X$ が微分可能関数全体, 等々  $\rightarrow X$ が  $C^\infty$  多様体,  $A$ が微分可能関数全体, 等々

●p.27 下から 3行目

(ヒルベルトの零点定理)  $\rightarrow$  (ヒルベルトの弱零点定理).

●p.28 上から 5行目

証明にはツォルンの補題が必要である  $\rightarrow$  証明にはツォルン\*の補題が必要である

●p.28 下から 9行目

Zorn  $\rightarrow$  ツォルン

●p.28 下から 6行目

$\exists \lambda \in \Lambda, 1 \in J_\lambda$  となるがそれは  $\rightarrow \exists \lambda \in \Lambda, 1 \in J_\lambda$  となり,

●p.28 一番下へ追記

\*) Max August Zorn, 1906–1993

●p.29 上から 1行目

$(\alpha) \neq A$  が同値である.  $\rightarrow (\alpha) = A$  が同値である.

●p.29 上から 4行目

$\alpha \in A$  のあるべき  $\alpha^n = 0$  となるとき  $\rightarrow \alpha \in A$  のあるべきについて  $\alpha^n = 0$  となるとき

●p.29 上から 5行目

$A$  のすべての素イデアルに含まれると同値である.  $\rightarrow A$  のすべての素イデアルに含まれることと同値である.

●p.29 下から 7行目

特に,  $f$  の係数が公約数をもたず、 $\bar{f}$  の最高次の係数が  $\rightarrow$  特に,  $f$  の係数が公約数をもたず、 $f$  の最高次の係数が

●p.33 上から 4行目

$x \in I$  より  $ab \in J$  ゆえに  $\rightarrow x \in I$  より  $xb \in J$  ゆえに

●p.34 上から 2行目

さて,  $J_i = \bigcap_{j=1, j \neq i}^n I_j$  とおくと  $\rightarrow$  さて,  $J_i = \bigcap_{j=1, j \neq i}^n I_j$  とおくと

●p.35 上から 2行目

$x = y + d$  とすればよい.  $\rightarrow x = yd + a$  とすればよい.

●p.35 下から 2行目

$\dots \times \mathbb{Z}/(p_n^{e_n})$  より命題 1.70 を用いて  $\rightarrow \dots \times \mathbb{Z}/(p_n^{a_n})$  より命題 1.70 を用いて

●p.39 下から 9 行目

また,  $K'$  を特定せずに、 $k$  同型  $\sigma : K \rightarrow K'$  を  $K$  の  $k$  同型写像という. → 削除

●p.41 上から 6 行目

$m; j=1, \dots, n\}$  の  $k$  上の 1 次独立であることが →  $m; j=1, \dots, n\}$  が  $k$  上 1 次独立であることが

●p.41 下から 4 行目

命題 1.61 参照) . → 例 1.60 参照) .

●p.45 下から 8 行目

体の拡大の列…… ……拡大次数が 2 になるところだけ取り出せばよい.

差し替え

→ 証明は  $K$  を含む  $\mathbb{Q}$  のガロワ拡大  $L$  で  $[L : \mathbb{Q}] = 2^m$  のものが存在することより、ガロワ理論により示せる. この章の最後で示すこととする.

●p.45 下から 4 行目

$$\zeta = \cos \frac{2\pi}{5} + i \sin \frac{2\pi}{5} \text{ を} \rightarrow \zeta = \cos \frac{2\pi}{5} + i \sin \frac{2\pi}{5} \text{ を}$$

●p.46 下から 5 行目

このような  $n$  は  $n = 2^m p_1 p_2 \cdots p_m$  の形に限る. → このような  $n$  は  $n = 2^m p_1 p_2 \cdots p_l$  の形に限る.

●p.45 下から 2 行目

$= 65537$  の 4 つしか見つかっていない. →  $= 65537$  の 5 つしか見つかっていない.

●p.51 上から 1 行目

$\sigma = (\alpha_i) = \sigma(\alpha_j)$  となる  $\sigma \in \text{Gal}(f)$  が →  $\sigma(\alpha_i) = \sigma(\alpha_j)$  となる  $\sigma \in \text{Gal}(f)$  が

●p.52 下から 10 行目

定理 2.31  $k$  の任意の有限次分離拡大  $K$  は単拡大体である.

→ 定理 2.31  $k$  の任意の有限次分離拡大  $K$  は単項拡大体である.

●p.53 上から 9 行目

共通根は  $\gamma$  のみである. → 共通根は  $\beta_1$  のみである.

●p.55 9 行目に追加

また、標数  $p$  の体  $k$  に対し、 $k$  の代数閉包の中で  $k^{1/p} = \{a^{1/p} \mid a \in k\}$  とおく.

●p.56 上から 11 行目

$f'(X)$  の最小公倍元を →  $f'(X)$  の最大公約元を

●p.56 下から 6 行目

$\deg(g(X)) > 1$  をもつ. →  $\deg(g(X)) \geq 1$  をもつ.

●p.57 下から 11 行目

任意の  $a \in K \rightarrow$  任意の  $b \in K$

●p.58 上から 13 行目

高々  $n$  個数の値しか  $\rightarrow$  高々  $n$  個の値しか

●p.59 上から 5 行目

$\{ \alpha_1 = \alpha_{i,1}, \dots, \alpha_{i,ti} \} \rightarrow \{ \alpha_i = \alpha_{i,1}, \dots, \alpha_{i,ti} \}$

●p.60 上から 9~10 行目

成立する最小の  $r$  をとろう.  $r$  が最小だから  $\rightarrow$  成立する最小の  $n$  をとろう.  $n$  が最小だから

●p.60 下から 5 行目

この式は(2.1)での  $r$  の最小性に反して  $\rightarrow$  この式は(2.1)での  $n$  の最小性に反して

●p.64 上から 1 行目

分離閉包  $K$  を  $K = \{ \alpha \in \dots \rightarrow$  分離閉包  $k^s$  を  $k^s = \{ \alpha \in \dots$

●p.64 上から 2 行目

$k^s$  は体になり  $[L : K]$  は  $\rightarrow$   $k^s$  は体になり  $[k^s : k]$  は  $L$  の  $k$  共役写像の個数に等しく  $[L : k^s]$  は

●p.64 上から 4 行目~5 行目

純非分離閉包  $K'$  を  $K' = \{ \alpha \in L \mid \alpha^q \in \kappa \ (\exists q=p^e) \} (p=\text{char}(\kappa))$  とおくと  $K'$  は体である

$\rightarrow$  純非分離閉包  $k^i$  を  $k^i = \{ \alpha \in L \mid \alpha^q \in \kappa \ (\exists q=p^e) \} (p=\text{char}(\kappa))$  とおくと  $k^i$  は体である

●p.64 上から 6 行目

問題 2.14 の  $k^s$  と  $K'$  の生成する体は  $L$  になることを示せ.

$\rightarrow$   $k^s$  と  $k^i$  の生成する体は  $L$  になり,  $[L:k^i] = [k^s:k]$  であることを示せ.

●p.65 上から 7 行目

**補題 2.52** 有限群  $G$  が体  $L$  に忠実に作用している.  $\rightarrow$  **補題 2.52** 有限群  $G$  が体  $L$  に忠実に作用しているとする.

●p.68 上から 15 行目

また, このとき  $G/H(E) \subset Gal(E/k)$  で, 共に位数が

$\rightarrow$  また, このとき  $G/H(E) \subset Gal(E/k)$  と思える. 共に位数が

●p.69 図 2.3

上段左 一番左側の角  $K \rightarrow$  上段左 一番左側の角  $N$

●p.70 上から 9 行目

$\alpha_2 = 0, \alpha_1 = \alpha_5, \alpha_3 = -\alpha_7$  なので  $\rightarrow \alpha_2 = \alpha_4 = 0, \alpha_1 = \alpha_5, \alpha_3 = -\alpha_7$  なので

●p.70 上から 12 行目

使う事実は次の 2 通りである.  $\rightarrow$  使う事実は次の 4 通りである.

●p.74 下から 2 行目

$$L=K[\beta] \text{ である} \rightarrow L=K(\beta) \text{ である}$$

●p.74 下から 1 行目

$$\text{生成元を } \sigma=F^s \text{ とし} \rightarrow \text{生成元を } \sigma=F^s \text{ (} q=p^s \text{) とし}$$

●p.75 上から 5 行目

$$\text{根はすべて } 1 \text{ の } q^n \text{ 乗根なので} \rightarrow \text{根はすべて } 1 \text{ の } q^n-1 \text{ 乗根なので}$$

●p.75 下から 7 行目

$$(4) [L : K] = 4 \text{ のとき} \rightarrow (4) [L : K] = 6 \text{ のとき}$$

●p.76 下から 3 行目

$$\bar{h}(X)=\bar{g}(X^p)= (\bar{g})^p \rightarrow \bar{h}(X)=\bar{g}(X^p)= (\bar{g}(x))^p$$

●p.77 上から 8 行目

$$=1 \text{ とすると } \varepsilon^d \text{ と} \rightarrow =1 \text{ とすると } \varepsilon^d=1 \text{ と}$$

●p.82 上から 12 行目

$$\sigma(\gamma)=\alpha_2+\alpha_3=-\gamma, \rightarrow \sigma(\gamma)=\alpha_2+\alpha_4=-\gamma,$$

●p.82 下から 3 行目

$$\text{後の 2 項は } -b \text{ に等しい.} \rightarrow \text{後の 2 項の和は } -b \text{ に等しい.}$$

●p.84 上の表 2.1 2 行目

$$G/(G \cup V_4) \rightarrow G/(G \cap V_4)$$

●p.84 上から 10 行目

$$G=D_4, f \text{ が} \rightarrow G=D_4, f \text{ が}$$

●p.85 上から 1 行目

$$K=\mathbb{Q}[\sqrt{5}] \rightarrow K=\mathbb{Q}(\sqrt{5})$$

●p.85 上から 8 行目

$$D(f)=16 \cdot 101 \text{ で} \rightarrow D(f)=16 \cdot 101 \text{ で}$$

●p.87 下から 7~6 行目

$$L, M \text{ をそれぞれ } k, k_0 \text{ 上の } f \text{ の分解体とする.} \rightarrow M \text{ を } k \text{ 上の } f \text{ の分解体とする.}$$

●p.89 上から 16 行目以下に追加

さて、最後に p.45 の定理 2.16 の証明をしよう。次の補題 2.86 より、 $K$  を含む  $\mathbb{Q}$  のガロウ拡大  $L$  で  $[L : \mathbb{Q}]$  が 2 のべきであるものがとれる。 $G=Gal(L/\mathbb{Q})$ ,  $H \subset G$  を  $K$  の固定群とすると、 $G$  の部分群の列  $H=H_n \subset H_{n-1} \subset \dots \subset H_0 = G$  で  $|H_{i-1}|/|H_i| = 2 (\forall i)$  であるものがとれる。 $K_i$  を  $H_i$  の固定体とすれば定理の 2.16 の証明ができる。

補題 2.86 拡大体の列  $k=k_0 \subset k_1 \subset \dots \subset k_n = K$  において、 $[k_i : k_{i-1}] = 2 (\forall i)$  とする。このとき、 $K$  の拡大体  $L$  であってかつ、 $k$  の

ガロワ拡大で,  $[L : K]$  が 2 のべきであるものが存在する. 但し, 体の標数は 2 ではないとする.

[証明] 各  $k_i$  に対して  $k$  のガロワ拡大  $L_i$  を  $[L_i : k_i]$  が 2 のべきであるように  $n$  に関する帰納法で作っていく. 必要なら  $k_{n-1}$  の代わりに  $L_{n-1}$  を考えて,  $k_{n-1}/k$  がガロワだとしてよい. すると  $\exists \alpha \in k_{n-i}, k_n = k_{n-1}(\sqrt{\alpha})$  とできる.  $f = \text{Irr}_k(\sqrt{\alpha})$  とすると、 $\alpha$  と共に元は  $k_{n-1}$  の元だから,  $f$  の分解体  $L$  は  $k_{n-1}$  にいくつかの平方根を加えた体で, したがって  $[L : k_n]$  は 2 のべきである.

●p.90 下から 8 行目

$$(I_N = I_{n+1} = \dots \rightarrow (I_N \cap I_{n+1} = \dots$$

●p.91 上から 2 行目

$$(2) の条件より (2) の極大元  $I_0$  がとれる. \rightarrow (2) の条件より  $\mathcal{L}$  の極大元  $I_0$  がとれる.$$

●p.92 下から 5 行目

$$I_n(f) \text{ は単項式*2) である} \rightarrow I_n(f) \text{ は単項式*2) である}$$

●p.93 上から 4 行目

$$\deg(h_i) \deg(f_i) = m \text{ としてよい} \rightarrow \deg(h_i \deg(f_i)) = m \text{ としてよい}$$

●p.93 下から 8 行目

$$\dots a_{n,1}^n, \dots a_{n,sn}^n, \dots \rightarrow \dots a_{n,1} X^n, \dots a_{n,sn} X^n, \dots$$

●p.96 13 行目に追加

$$\text{群であるという.} \rightarrow \text{群であるという. } a, b \in A, x, y \in M \text{ に対し}$$

●p.99 下から 1 行目

$$x_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \text{ と書ける.} \rightarrow x_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j (a_{ij} \in \mathfrak{a}) \text{ と書ける.}$$

●p.100 下から 1 1 行目

$$\text{その } M/\mathfrak{m} \text{ での像が} \rightarrow \text{その } M/\mathfrak{m}M \text{ での像が}$$

●p.103 上から 1 0 行目

$$\text{定義 3.30} \rightarrow \text{性質 3.30}$$

●p.103 下から 7 行目

$$(2) A \otimes N \text{ は} \rightarrow (2) A \otimes_A N \text{ は}$$

●p.103 下から 5 行目

$$\text{特に } A^n \otimes N \cong \rightarrow \text{特に } A^n \otimes_A N \cong$$

●p.103 下から 4 行目

$$\otimes A^m \cong A^{nm} \text{ である} \rightarrow \otimes_A A^m \cong A^{nm} \text{ である}$$

●p.104 下から 2 行目

$$(N, \text{Hom}_A(M, P)) \cong \rightarrow (M, \text{Hom}_A(N, P)) \cong$$

●p.107 上から 1 4 行目

$$\text{写像 } i_A : A \rightarrow S^{-1}A \text{ を } i_A(a) = \frac{a}{1}, \quad \rightarrow \quad \text{写像 } i_A : A \rightarrow S^{-1}A, \quad i_A(a) = \frac{a}{1}$$

●p.107 下から 6 行目

$$\text{証明は } g\left(\frac{a}{s}\right) = s^{-1}f(a) \text{ 等と} \quad \rightarrow \quad \text{証明は } g\left(\frac{a}{s}\right) = f(s)^{-1}f(a) \text{ 等と}$$

●p.107 下から 1 行目

$$*2) \text{ 一般に } X \setminus Y : \{x \in X \mid x \notin Y\} \text{ 即ち,} \quad \rightarrow \quad *2) \text{ 一般に } X \setminus Y : \{x \in X \mid x \notin Y\} \text{ 即ち,}$$

●p.108 下から 9 行目

$$A \text{ 加群}, \quad S^{-1}A \text{ の} \quad \rightarrow \quad A \text{ 加群}, \quad S^{-1}A \text{ 加群の}$$

●p.108 下から 3 行目

$$\psi = \phi \circ g \quad \rightarrow \quad \psi = g \circ \phi$$

●p.109 上から 1 2 行目 差替え

証明 (1)  $x \in M, x \neq 0$  と  $\dots$  存在する

$\rightarrow$  証明 (1)  $x \in M$  に対して  $\text{Ann}_A(x) = \{a \in A \mid ax = 0\}$  とおく.  $x \neq 0$  のとき  $\text{Ann}_A(x)$  を含む  $A$  の極大イデアル  $\mathfrak{m}$  が存在する.

●p.111 上から 2 行目

(3)  $V = V(\mathfrak{a})$  のとき  $V(I(V)) = V$  である. 実際,  $V \subset V(I(V))$  は定義より明らかだが,  $\mathfrak{a} \subset I(V)$  なので両辺の  $V$  をとると、包含関係が逆転して  $V = V(\mathfrak{a}) \supset V(I(V))$  が得られる.

$\rightarrow$  (3)  $W = V(\mathfrak{a})$  のとき  $V(I(W)) = W$  である. 実際,  $W \subset V(I(W))$  は定義より明らかだが,  $\mathfrak{a} \subset I(W)$  なので両辺の  $V$  をとると、包含関係が逆転して  $W = V(\mathfrak{a}) \supset V(I(W))$  が得られる.

●p.111 上から 5 行目

$$(4) f(\mathfrak{a}) = 0 \text{ と } f^n(\mathfrak{a}) = 0 \text{ は} \quad \rightarrow \quad (4) f(\mathfrak{a}) = 0 \text{ と } f^n(\mathfrak{a}) = 0 \text{ は}$$

●p.111 下から 1 1 行目

$$\text{Ker}(\phi) = \mathfrak{m}_a \text{ がわかる} \quad \rightarrow \quad \mathfrak{m} = \mathfrak{m}_a \text{ がわかる}$$

●p.111 下から 6 行目

$$g(\mathfrak{a}) = 0 \quad (\forall g \in \mathfrak{a}) \text{ より} \quad \rightarrow \quad g(\mathfrak{a}) = 0 \quad (\forall g \in \mathfrak{a}) \text{ より}$$

●p.112 上から 5 行目

$$\text{体 } k \text{ 上有限生成の環で} \quad \rightarrow \quad \text{体 } k \text{ 上有限生成な環で}$$

●p.112 下から 3 行目

$$V = V((\mathfrak{a}, a)) \cup V((\mathfrak{a}, b)) \text{ を示そう.} \quad \rightarrow \quad V = V((\mathfrak{a}, f)) \cup V((\mathfrak{a}, g)) \text{ を示そう.}$$

●p.112 下から 2 行目

$$a \in V((\mathfrak{a}, b)). \text{ ゆえに } V \subset V((\mathfrak{a}, a)) \cup V((\mathfrak{a}, b)) \text{ が} \quad \rightarrow \quad a \in V((\mathfrak{a}, g)). \text{ ゆえに } V \subset V((\mathfrak{a}, f)) \cup V((\mathfrak{a}, g)) \text{ が}$$

●p.112 下から 1 行目

$V = V(\mathfrak{a}, a) \cup V(\mathfrak{a}, b)$  となったが  $\rightarrow V = V(\mathfrak{a}, f) \cup V(\mathfrak{a}, g)$  となったが

●p.113 上から 1 行目

$V = V(\mathfrak{a}, a)$  とすれば  $a \in I(V) = \sqrt{\mathfrak{a}} = \mathfrak{a}$   $\rightarrow V = V(\mathfrak{a}, f)$  とすれば  $f \in I(V) = \sqrt{\mathfrak{a}} = \mathfrak{a}$

●p.113 下から 9 行目

さて,  $P$  の生成元から  $\rightarrow$  さて,  $\mathfrak{p}$  の生成元から

●p.114 下から 7 行目

$\mathfrak{p} \supset (I \cap J) \rightarrow \mathfrak{p} \supset I \cap J$

●p.114 下から 4 行目

$\cap \mathfrak{p} \supset I = \sqrt{I} \rightarrow \cap \mathfrak{p} \supset I \mathfrak{p} = \sqrt{I}$

●p.118 上から 3 行目

$= \{\mathfrak{p} \in \text{Spec}(A) \mid \exists x \neq 0 \in M, \mathfrak{p} = \text{Ann}_A(x)\} \rightarrow = \{\mathfrak{p} \in \text{Spec}(A) \mid M \ni \exists x \neq 0, \mathfrak{p} = \text{Ann}_A(x)\}$

●p.119 上から 9 行目

枠をとる

●p.121 上から 4 行目

$\mathfrak{p} \in \text{Hom}_A(M, N)$  が示せた.  $\rightarrow \mathfrak{p} \in \text{Ass}_A(\text{Hom}_A(M, N'))$  が示せた.

●p.121 上から 7 行目

ただ 1 つの元からなるとき  $I$  を  $\rightarrow$  ただ 1 つの元からなるとき  $\mathfrak{q}$  を

●p.121 下から 10 行目

(4)  $\sqrt{\mathfrak{q}} = \mathfrak{p}$ かつ  $i_{\mathfrak{p}}^{-1}(\mathfrak{q}A_{\mathfrak{p}}) = \mathfrak{q}$ .  $\rightarrow$  (4)  $\sqrt{\mathfrak{q}} = \mathfrak{p}$ かつ  $i_A^{-1}(\mathfrak{q}A_{\mathfrak{p}}) = \mathfrak{q}$ .

●p.121 下から 4 行目

(3) より  $b^n \in \mathfrak{q}, b \in \mathfrak{p}$ .  $\rightarrow$  (3) より  $(b^n)^m \in \mathfrak{q}, b \in \mathfrak{p}$ .

●p.122 上から 6 行目

$= X(X^5 - 3X^3YZ + XY^3 + Z^3) \rightarrow = X(X^5 - 3X^2YZ + XY^3 + Z^3)$

●p.122 下から 8 行目

$M$  準素加群の交わりで  $\rightarrow M$  の準素加群の交わりで

●p.124 上から 1 行目

$i_{\mathfrak{p}}^{-1}(I\mathfrak{p})$ .  $\rightarrow i_A^{-1}(I\mathfrak{p})$ .

●p.124 上から 2 行目

$Q(\mathfrak{p})$  だから  $\rightarrow Q(\mathfrak{p}, \mathfrak{p}')$  だから

●p.124 上から 5 行目

$Q(\mathfrak{p}) = i_{\mathfrak{p}}^{-1}(Q(\mathfrak{p})A\mathfrak{p}) = i_{\mathfrak{p}}^{-1}(IA\mathfrak{p})$  である.  $\rightarrow Q(\mathfrak{p}) = i_A^{-1}(Q(\mathfrak{p})A\mathfrak{p}) = i_A^{-1}(IA\mathfrak{p})$  である.

●p.125 上から 9 行目

(和訳はまだない?)  $\rightarrow$  (松村『可換環論』では「記号的  $n$  乗」)

●p.127 上から 9 行目

$\dots, \mathfrak{m}_1 \cap \mathfrak{m}_2 \cap \dots \cap \mathfrak{m}_r, \dots \rightarrow \dots \supset \mathfrak{m}_1 \cap \mathfrak{m}_2 \cap \dots \cap \mathfrak{m}_r, \dots$

●p.127 下から 11 行目

改めて  $\mathfrak{N}(A) = \mathfrak{n}$  とおく.  $\rightarrow$  改めて  $\mathfrak{N}(A)^r = \mathfrak{n}$  とおく.

●p.127 下から 10 行目

$\mathfrak{n} = 0$  を示したい.  $\rightarrow \mathfrak{n} = (0)$  を示したい.

●p.127 下から 5 行目

一方  $(\mathfrak{a}\mathfrak{n})\mathfrak{n} = \mathfrak{a}\mathfrak{n}^n = \mathfrak{a}\mathfrak{n} \neq (0)$   $\rightarrow$  一方  $(\mathfrak{a}\mathfrak{n})\mathfrak{n} = \mathfrak{a}\mathfrak{n}^2 = \mathfrak{a}\mathfrak{n} \neq (0)$

●p.129 上から 7 行目

3.70 と同様  $\rightarrow$  3.73 と同様

●p.129 下から 9 行目

すると  $\sqrt{\mathfrak{q} + (a_1)} \supset a_i$  ( $i = 2, \dots, r$ )  $\rightarrow$  すると  $a_i \in \sqrt{\mathfrak{q} + (a_1)}$  ( $i = 2, \dots, r$ )

●p.129 下から 8 行目

$A/\mathfrak{q}$  で  $(a_1)$  を含む極小素イデアルが  $\rightarrow A/\mathfrak{q}$  で  $(a_1)$  を含む極小の素イデアルが

●p.130 下から 11 行目

$P_i \cap A = \mathfrak{p}[X]$  となるので  $\rightarrow P_i = (P_i \cap A)[X]$  となるので

●p.131 下から 6 行目

定理 3.79 正則局所環は  $\rightarrow$  定理 3.79 (1) 正則局所環は

●p.132 下から 2 ～ 1 行目 差しあえ

\* 1) この事実は・・・・述べられない.  $\rightarrow$  \* 1) この事実の証明は命題 3.112 とその証明を参照.

●p.133 下から 4 行目

証明 (1)  $A[b]$  は  $A$  加群として  $\rightarrow$  証明 (1)  $\Rightarrow$  (2)  $A[b]$  は  $A$  加群として

●p.134 上から 2 行目

(3) が成立と仮定し,  $\rightarrow$  (3)  $\Rightarrow$  (1) が成立と仮定し,

●p.134 下から 3 行目

$(B \text{ is integral over } A)$  という.  $\rightarrow$   $(B \text{ is integral over } A)$  または,  $B$  は  $A$  の整拡大であるという.

●p.135 7 行目

$$\frac{-a+\sqrt{a^2-4b}}{2} \text{ だから} \rightarrow \frac{-a+\sqrt{a^2-4b}}{2} \text{ だから}$$

●p.138 下から 4 行目

$$X_n^{r_{n-1}}, X_n] \text{ は} \rightarrow X_n^{r_{n-1}}, X_n) \text{ は}$$

●p.139 下から 4 行目

証明  $A$  の  $k$  上の超越次数を  $d$  とすると定理 3.96 により  $\rightarrow$  証明  $A$  の  $k$  上の超越次元を  $d$  とすると定理 3.93 により

●p.142 下から 1 1 行目

$$-v(x) > 0 \text{ より } x \in V. \rightarrow -v(x) > 0 \text{ より } x^{-1} \in V.$$

●p.144 上から 9 行目

$$p = a^{-1}pa = a^{-1} \rightarrow p = a^{-1}pa = a^{-1}p$$

●p.145 上から 1 2 行目

$$= \sum_{i=1}^n b_i Tr_K/\mathbb{Q}(x_i x_j) \text{ だから} \rightarrow = \sum_{j=1}^n b_j Tr_K/\mathbb{Q}(x_i x_j) \text{ だから}$$

●p.146 上から 3 行目

任意の巴系  $J$  が非混合的, 即ち,  $\rightarrow$  任意の巴系  $J$  が非混合的 (「純」という言葉も他書で使われる), 即ち,

●p.146 上から 6 行目

但し, この名前は  $\rightarrow$  但しこの名前は

●p.146 下から 8 行目に入る

(2) . . . . であること.  $\rightarrow$  (2) . . . . であること. なお,  $M$  の非零因子を  $M$  の正則元ともいう.

●p.146 下から 6 ~ 4 行目

$M$  の深さといい,  $\text{depth}_A M$  と書く.  $\rightarrow M$  の深さといい, 下記のように書く.  $\text{depth}_A M$

●p.147 下から 1 1 行目

$$J \subset I_j \text{ は} \rightarrow J \cap I_j \text{ は}$$

●p.149 上から 8 行目, 定義 3.111 の下に入る

(1), (2) では  $A$  は局所環, (3) (4) では一般の環とする.

●p.149 上から 9 行目

(1) 局所環  $(A, \mathfrak{m})$  上の有限生成  $A$  加群  $M$  が,  $\text{depth}_A M = \dim_A M$  のとき CM 加群といふ.

$\rightarrow$  (1) 有限生成  $A$  加群  $M$  が,  $\text{depth}_A M = \dim_A M$  をみたすとき CM 加群といふ.

●p.149 下から 6 行目

$A$  が CM 環  $\Leftrightarrow A/x A$  が CM 環.  $\rightarrow A$  が CM 環  $\Leftrightarrow A/x A$  が CM 環.

●p.150 下から 1 行目

$\text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_i))$  のすべての  $\rightarrow \text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_i))$  のすべての

●p.151 上から 2 行目

$$\text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_l)) \rightarrow \text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_l))$$

●p.151 上から 14 行目

$$\text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_l)) \text{ に対して} \rightarrow \text{Ass}_A(A/(x_1, \dots, x_l)) \text{ に対して}$$

●p.151 下から 11 行目

$$(2) \mathfrak{p} \subset \mathfrak{q} \text{ の素イデアル鎖は} \rightarrow (2), (3) \mathfrak{p} \subset \mathfrak{q} \text{ の素イデアル鎖は}$$

●p.152 上から 5 行目

$$a \in B^G, b \in b \rightarrow a \in B^G, b \in B$$

●p.152 上から 7 行目

$$B \text{ が CM 環ならば } A \text{ も CM 環であることを示せ.} \rightarrow B \text{ が CM 環ならば } B^G \text{ も CM 環であることを示せ.}$$

●p.155 上から 2 行目

$$\sigma \text{ を } L \text{ 拡張した } k \text{ 同型} \rightarrow \sigma \text{ を } L \text{ に拡張した } k \text{ 同型}$$

●P.156 下から 4 行目

埋め込み写像  $H \in G$  と標準全射  $\pi : HK/K$  の合成写像を考えると,

$\rightarrow$  埋め込み写像  $H \hookrightarrow G$  と標準全射  $\pi : HK \rightarrow HK/K$  の合成写像を考えると,

●p.157 下から 3 行目

$$=xa(\forall a \in G) \rightarrow =xa(\forall x \in G)$$

●p.161 上から 3 行目

$k[X_1, \dots, X_n]$  への作用を 2.57 で見たが、 $\rightarrow k[X_1, \dots, X_n]$  への作用を定理 2.57 で見たが、

●p.161 上から 6 行目

$$\text{sgn} \rightarrow \text{sgn}$$

●p.164 上から 3 行目

(2) の元だから  $I \models (2)$ .  $\rightarrow$  (2) の元だから  $I \models (2)$ . 実は  $I \models J$  である。

●p.164 上から 7 行目

$$+2_i(40 - 18_i). \rightarrow +2(40 - 18_i).$$

●p.164 上から 8 行目

$$1.10 (x^6 + x^5 + x^3 + x + 1, x^5 + x^4 + 1) = x^2 + x + 1 \rightarrow 1.10 (X^6 + X^5 + X^3 + X + 1, X^5 + X^4 + 1) = X^2 + X + 1$$

●p.165 下から 11 行目

$$= X^2 - X - 1, \rightarrow = X^2 + X - 1,$$

●p.165 下から 4 行目

となる. 問題は  $\begin{pmatrix} a & 0 & 2b \\ b & a & 0 \\ 0 & b & 0 \end{pmatrix}^{-1}$  → となる. 問題は  $\begin{pmatrix} a & 0 & 2b \\ b & a & 0 \\ 0 & b & a \end{pmatrix}^{-1}$

●p.166 下から 4 行目

$KL$  は  $fg$  の分解体だから正規拡大. →  $KL$  は  $fg$  の分解体ゆえ明らか.

●p.166 下から 1 行目

体であることが示せる. 任意の  $L$  の元が

→ 体であることが示せる.  $[k^s : k]$  は定理 2.41 より  $L$  の  $k$  共役写像の個数に等しく, 任意の  $L$  の

●p.167 上から 1 行目

は  $p=\text{ch}(k)$  のベキである → は  $p=\text{char}(k)$  のベキである

●p.167 上から 2 行目

2.15  $K'$  が体になることは → 2.15  $k^i$  が体になることは

●p.167 上から 2 行目 差しかえ

後半は  $[L : k] = [k' : k][k : k]$  より得られる.

→  $k^s = k(\alpha), \text{Irr}_k(\alpha) = f$  とおくと,  $f$  は  $k^i$  上でも既約である.  $L$  は  $k^i$  上分離的で  $L$  の  $k^i$  共役写像の個数は  $\deg f$  に等しいので  $[L : k^i] = [k^s : k]$  が得られる.

●p.168 下から 1 1 行目～10 行目

$u^3 = v^3 = 1$  から  $x=2, -1$  →  $u^3 = v^3 = -1$  から  $x=-2, 1$

●p.168 下から 9 行目

$\sqrt[3]{4}\omega^2 + \sqrt[3]{2}\omega$ . →  $\sqrt[3]{2}\omega^2 + \sqrt[3]{4}\omega$ .

●p.168 下から 3 行目

判別式は  $261 = 3 \cdot 87$  → 判別式は  $257$  (素数)

●p.169 上から 1 2 行目

ガロワ群は  $\mathcal{C}_2$ , → ガロワ群は  $\mathcal{C}_4$ ,

●p.169 上から 16 行目

位数 4 と 2 の 2 つの元で生成されるのでこのような形になる. → 位数 4, 2 の 2 つの元で生成されるのでこの形になる.

●p.174 上から 2 行目～4 行目

なお, ..... (準備中)

→ 後藤四郎・渡辺敬一『可換環論』(日本評論社, 2011)

Atiyah-Macdonald のレヴェルから始めて, 「これを読めば研究者として出発できる」を目標として書いた本. 松村の「可換環論」後の動きも含み, 読みやすさを目指した.

索引

●p.175 左 上から 12 行目

$$a^{1/p} \quad 55 \quad \rightarrow \quad a^{1/p}, k^{1/p} \quad 55$$

●p.176 左 上から 10 行目と 11 行目の間に入る

$$L^G \quad 65$$

●p.176 左 下から 6 行目と 5 行目の間に入る

$$\text{Rad}(\mathbf{A}) \quad 94$$